

La doctrine hilbertienne des mathématiques et leur histoire : l'exemple de la théorie antique de la mesure.

Alain Michel

Centre d'Épistémologie et d'Ergologie Comparatives (CEPERC – UMR 7304)

Aix-Marseille Université

Même dans la version d'esprit formaliste qu'on en a le plus couramment donnée, qui n'est pas nécessairement conforme à ce qu'a été la véritable conception de Hilbert, ce qu'on a appelé la "doctrine hilbertienne des mathématiques" a pu susciter une présentation renouvelée de leur histoire. Nous emprunterons un exemple de cet effort renouvelé de compréhension aux mathématiques de l'antiquité. Prenant pour guides les thèmes analytiques de Hilbert, en particulier l'option ensembliste et l'idée de l'axiomatisation, nous essaierons d'abord d'établir qu'il est légitime de délimiter, à l'intérieur des traités d'Euclide et d'Archimède, les contours d'une "théorie de la mesure" de contenu suffisamment précis. Nous tâcherons ensuite de la situer dans un contexte plus général de recherche de mise en ordre des énoncés, dans le but d'en éclairer la signification de rationalité mathématique.